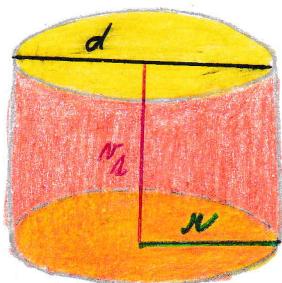


Povrch a objem válců

Povrch válce se skládá ze 2 podstav a pláště.



obsah podstavy = obsah kruhu

$$S_p = \pi \cdot r^2$$

obsah pláště = obsah obdélníku

$$S_{pl} = a \cdot b = \pi \cdot r \cdot 2r = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot r_s$$

Povrch válce ... $S = 2 \cdot S_p + S_{pl}$

$$S = 2 \cdot \pi \cdot r^2 + 2 \cdot \pi \cdot r \cdot r_s$$

$$S = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot (r + r_s)$$

Objem válce ... $V = S_p \cdot r_s$

$$V = \pi \cdot r^2 \cdot r_s$$

(Pr.)

Zjednoduš povrch a objem válce, kde:

$$\begin{array}{lll}
 \text{a)} \quad r = 2 \text{ cm} & S = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot (r + R_2) & V = \pi \cdot r^2 \cdot R_2 \\
 R_2 = 3 \text{ cm} & S = 2 \cdot 3,14 \cdot 2 \cdot (2+3) & V = 3,14 \cdot 2^2 \cdot 3 \\
 \underline{S, V = ?} & \underline{S = 62,8 \text{ cm}^2} & \underline{V = 57,68 \text{ cm}^3}
 \end{array}$$

$$\text{b)} \quad r = 4 \text{ m}$$

$$R_2 = 5 \text{ m}$$

$$\underline{S, V = ?}$$

$$\begin{array}{lll}
 \text{c)} \quad d = 2 \text{ mm} & S = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot (r + R_2) & V = \pi \cdot r^2 \cdot R_2 \\
 R_2 = 4 \text{ mm} & S = 2 \cdot 3,14 \cdot 1 \cdot (1+4) & V = 3,14 \cdot 1^2 \cdot 4 \\
 \underline{S, V = ?} & \underline{S = 31,4 \text{ mm}^2} & \underline{V = 12,56 \text{ mm}^3} \\
 \underline{r = 1 \text{ mm}}
 \end{array}$$

$$\text{d)} \quad d = 6 \text{ km}$$

$$R_2 = 1 \text{ km}$$

$$\underline{S, V = ?}$$

$$\begin{array}{ll}
 \text{e)} \quad S = 219,8 \text{ dm}^2 & S = 2 \cdot \pi \cdot r^2 + 2 \cdot \pi \cdot r \cdot R_2 \\
 r = 5 \text{ dm} & 219,8 = 2 \cdot 3,14 \cdot 5^2 + 2 \cdot 3,14 \cdot 5 \cdot R_2 \\
 \underline{V = ?} & 219,8 = 157 + 31,4 \cdot R_2
 \end{array}$$

$$31,4 \cdot n_1 = 219,8 - 157$$

$$V = \pi \cdot r^2 \cdot n_2$$

$$31,4 \cdot n_2 = 62,8$$

$$V = 3,14 \cdot 5^2 \cdot 2$$

$$n_2 = 62,8 : 31,4$$

$$\underline{V = 157 \text{ dm}^3}$$

$$\underline{n_2 = 2 \text{ dm}}$$

b) $s = 75,36 \text{ cm}^2$

$$r = 2 \text{ cm}$$

$$\underline{V = ?}$$

g) $V = 150,72 \text{ m}^3$

$$r = 4 \text{ m}$$

$$\underline{s = ?}$$

$$V = \pi \cdot r^2 \cdot n_2$$

$$150,72 = 3,14 \cdot 4^2 \cdot n_2$$

$$150,72 = 50,24 \cdot n_2$$

$$s = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot (r + n_2)$$

$$s = 2 \cdot 3,14 \cdot 4 \cdot (4 + 3)$$

$$\underline{s = 175,84 \text{ m}^2}$$

$$n_2 = 150,72 : 50,24$$

$$\underline{n_2 = 3 \text{ m}}$$

h) $V = 141,3 \text{ mm}^3$

$$r = 3 \text{ mm}$$

$$\underline{s = ?}$$

$$\begin{array}{lll}
 i) V = 6,28 \text{ km}^3 & V = \pi \cdot r^2 \cdot N_S & S = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot (r + N_S) \\
 N_S = 2 \text{ km} & 6,28 = 3,14 \cdot r^2 \cdot 2 & S = 2 \cdot 3,14 \cdot 1 \cdot (1+2) \\
 \underline{S = ?} & 6,28 = 6,28 \cdot r^2 & \underline{S = 18,84 \text{ km}^2} \\
 r^2 = 6,28 : 6,28 & & \\
 r^2 = 1 & & \\
 r = \sqrt{1} & & \\
 \underline{r = 1 \text{ km}} & &
 \end{array}$$

$$\begin{array}{l}
 j) V = 78,5 \text{ dm}^3 \\
 N_S = 1 \text{ dm} \\
 \underline{S = ?}
 \end{array}$$

Vzítí povrchu a objemu válců ve sloupcích ulohaček

DÚ: uč. 3, str. 40 / vr. 7

str. 43 / vr. 5